

平成19年度 春季県下一斉学力テスト S N 解答

[1]

$$(1) 5 - 2 \times (-2) = 5 - (-4) = 5 + 4 = \underline{\underline{9}}$$

$$(2) 7x + 12 = 2x - 3$$

$$7x - 2x = -3 - 12$$

$$5x = -15$$

$$\underline{\underline{x = -3}}$$

$$(3) x - \frac{x+y}{3} = \frac{3x - (x+y)}{3}$$

$$= \frac{3x - x - y}{3}$$

$$= \frac{2x - y}{3}$$

$$(4) 3a^2 \times (-2a)^3 = 3a^2 \times (-8a^3) = \underline{\underline{-24a^5}}$$

$$(5) \sqrt{50} \div \sqrt{2} = \sqrt{\frac{50}{2}} = \sqrt{25} = \underline{\underline{5}}$$

[2]

$$(1) x^2 - 3x - 18 = \underline{\underline{(x-6)(x+3)}}$$

$$(2) (x+1)^2 = 5$$

$$x+1 = \pm\sqrt{5}$$

$$\underline{\underline{x = -1 \pm \sqrt{5}}}$$

$$(3) \begin{cases} 2x+y = 7 & \cdots ① \\ 2x-y = 1 & \cdots ② \end{cases}$$

$$\text{①} + \text{②} \text{より}, 4x = 8$$

$$x = 2$$

$$\text{①に代入して}, 4+y = 7 \text{ ゆえに}, y = 3$$

$$\text{よって}, \underline{\underline{x = 2, y = 3}}$$

$$(4) x = 3 + \sqrt{2} \text{ のとき},$$

$$x^2 = (3 + \sqrt{2})^2 = 9 + 6\sqrt{2} + 2 = 11 + 6\sqrt{2}$$

ゆえに,

$$x^2 - 6x = (11 + 6\sqrt{2}) - 6(3 + \sqrt{2}) = 11 + 6\sqrt{2} - 18 - 6\sqrt{2}$$

$$= \underline{\underline{-7}}$$

【別解】

$$\begin{aligned} x^2 - 6x &= x(x-6) \\ &= (\sqrt{2}+3)(\sqrt{2}-3) \\ &= 2-9 = \underline{\underline{-7}} \end{aligned}$$

(5) 45を素因数分解すると, $45 = 3^2 \times 5$

$$\text{ゆえに}, \sqrt{45n} = \sqrt{3^2 \times 5 \times n}$$

この数は, $n = 5$ のとき最も小さい正の整数になり

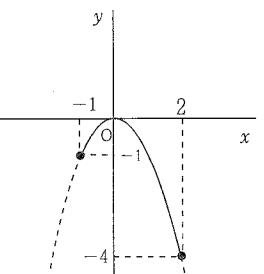
$$\begin{aligned} \sqrt{45n} &= \sqrt{3^2 \times 5^2} = \sqrt{(3 \times 5)^2} \\ &= 3 \times 5 = 15 \end{aligned}$$

となる。

よって最も小さな整数 n は $\underline{\underline{5}}$

[3]

(1) $y = -x^2$ のグラフは $-1 \leq x \leq 2$ の範囲で下図のようになる。



$x = 0$ のとき, $y = 0$ また $x = 2$ のとき, $y = -4$ だから $\underline{\underline{-4 \leq y \leq 0}}$

(2) すべての場合の数は $6 \times 6 = 36$ (通り)。

出る目の積が奇数になる場合は $3 \times 3 = 9$ (通り)。

よって, 出る目の積が偶数になる場合は

$$36 - 9 = 27 \text{ (通り)} \text{ 以上から, } \frac{27}{36} = \underline{\underline{\frac{3}{4}}}$$

(3) 同じ弧に対する円周角は等しいので,

$$\angle ABQ = \angle APQ = 50^\circ$$

AB は直径なので $\angle AQB = 90^\circ$

$$\text{よって, } \angle BAQ = 90^\circ - 50^\circ = \underline{\underline{40^\circ}}$$

(4) 右図のように,

点Aと点Cを結んだ線分と線分MNとの交点をPとする。

$\triangle ABC$ において,

$MP \parallel BC$ となる。

$AM : MB = 1 : 2$ より,

$MP : BC = AM : AB = 1 : 3$

よって,

$$MP = \frac{1}{3}BC = \frac{1}{3} \times 12 = 4 \text{ (cm)}$$

すなわち, $PN = MN - MP = 8 - 4 = 4 \text{ (cm)}$

次に $\triangle CDA$ において,

$DN : NC = 1 : 2$ より,

$PN : AD = CN : CD = 2 : 3$

$$\text{よって } AD = \frac{3}{2}PN = \frac{3}{2} \times 4 = \underline{\underline{6 \text{ (cm)}}}$$

【別解】

右図のように, 点Dから辺ABに平行な直線を引き,

MNとの交点をP, BCとの交点をQとする。 $PN : QC = DN : DC = 1 : 3$

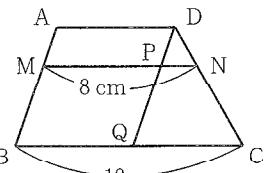
なので, $PN = a$ とおくと, $QC = 3a$ となる。

よって, $MP = 8 - a$, $BQ = 12 - 3a$

四角形ABQDは平行四辺形なので,

$AD = MP = BQ$
よって, $8 - a = 12 - 3a$ となる。

これを解いて $a = 2$, したがって, $AD = MP = 8 - 2 = \underline{\underline{6 \text{ (cm)}}}$



(5) 底面の円の半径を r とすると,

三平方の定理より,

$$r^2 + 3^2 = 6^2 \text{ よって, } r^2 = 6^2 - 3^2 = 27$$

円すいの体積は,

$$\frac{1}{3} \times \pi \times 27 \times 3 = \underline{\underline{27\pi \text{ (cm}^3\text{)}}}$$

【4】

(1) 点A(2, 1)が $y = ax^2$ 上にあるので,

$$1 = a \times 2^2 \text{ よって, } a = \frac{1}{4}$$

(2) 点Bの x 座標は -4 より,

$$y \text{ 座標は } y = \frac{1}{4} \times (-4)^2 = 4$$

よって, 点Bの座標は $(-4, 4)$ となる。

次に直線ABの方程式を $y = mx + n$

とおくと, 2点A, Bを通るので,

$$\begin{cases} 1 = m \times 2 + n & \cdots \text{①} \\ 4 = m \times (-4) + n & \cdots \text{②} \end{cases}$$

$$\text{①, ②を解いて, } m = -\frac{1}{2}, n = 2$$

$$\text{よって, } y = -\frac{1}{2}x + 2$$

(3) 直線ABと y 軸との交点をCとする,

(1), (2)より,

A(2, 1),

B(-4, 4),

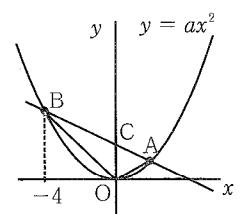
C(0, 2) となるので,

$\triangle AOB$

$= \triangle BOC + \triangle AOC$

$$= \frac{1}{2} \times 2 \times 4 + \frac{1}{2} \times 2 \times 2$$

$$= \underline{\underline{6}}$$



(5)

(1) 正四角すいの表面積を S とおくと,

$$S = \triangle OAB \times 4 + \square ABCD$$

$$= \frac{1}{2} \times 2 \times 3 \times 4 + x^2$$

$$= \underline{\underline{x^2 + 6x \text{ (cm}^2\text{)}}}$$

(2) $S = 16$ より, $x^2 + 6x = 16$,

$$x^2 + 6x - 16 = 0 \quad (x-2)(x+8) = 0$$

$x > 0$ より, $x = 2$ よって, $AB = 2 \text{ cm}$

(6) ※(1)は証明問題です。

(1) $\triangle ABF$ と $\triangle DFE$ において,

$\angle BFE = 90^\circ$ なので,

$\angle AFB + \angle DFE = 90^\circ \cdots \text{①}$

$\triangle ABF$ は直角三角形なので,

$\angle AFB + \angle ABF = 90^\circ \cdots \text{②}$

①, ②より, $\angle DFE = \angle ABF \cdots \text{③} \triangle DFE$

また $\angle BAF = \angle FDE = 90^\circ \cdots \text{④}$

③, ④より2つの角がそれぞれ等しいので,

$\triangle ABF \sim \triangle DFE \cdots \text{⑤}$

(2) $BF = BC = 15 \text{ cm}$, 三平方の定理より,

$BF^2 = AB^2 + AF^2$ なので,

$$AB^2 = BF^2 - AF^2 = 15^2 - 12^2 = 81$$

$AB > 0$ なので, $AB = 9 \text{ cm}$

$FD = AD - AF = 15 - 12 = 3 \text{ (cm)}$ なので,

$FD : AB = 1 : 3$

つまり $\triangle DFE$ と $\triangle ABF$ の相似比は

$1 : 3$ となる。

$$DE = \frac{1}{3}AF = \frac{1}{3} \times 12 = 4 \text{ よって}$$

$$\triangle DFE = \frac{1}{2} \times 3 \times 4 = \underline{\underline{6 \text{ (cm}^2\text{)}}}$$